

$$\begin{aligned}
& + \left(c + v_a \frac{d}{dt} \right) \left(U_i^{(k)} - 0,5l_1 \varphi_i^{(k)} - u^{(k)}(vt - z_{1i}, t) \right) - m_2 \frac{d^2 u^{(k)}(vt - z_{1i}, t)}{dt^2} \Big] \delta_{1i} \sigma_{1i} + \\
& + \sum_{i=1}^{i_0} \left[(m_1 + 2m_2) \frac{g}{2} + \left(c + v \frac{\partial}{\partial t} \right) \left(U_i^{(k)} + 0,5l_1 \varphi_i^{(k)}(vt - z_{2i}, t) \right) - \right. \\
& \quad \left. - m_2 \frac{d^2 u^{(k)}(vt - z_{2i}, t)}{dt^2} \right] \delta_{2i} \sigma_{2i} + \tilde{f}(z, t); \\
\rho_2(z) \frac{\partial^2 u^{(k+1)}}{\partial t^2} - T_2(z) \frac{\partial^2 u^{(k+1)}}{\partial z^2} + E_2 \left(1 + \mu_2 \frac{\partial}{\partial t} \right) (u_2^{(k+1)} - u^{(k+1)}) &= f_2(z, t); \\
m_1 \frac{d^2 U_i^{(k+1)}}{dt^2} + 2v \frac{dU_i^{(k+1)}}{dt} + 2cU_i^{(k+1)} &= \\
= \left(c + v \frac{d}{dt} \right) u^{(k)}(vt - z_{1i}, t) \sigma_{1i} + \left(c + v \frac{d}{dt} \right) u^{(k)}(vt - z_{2i}, t) \sigma_{2i}; \\
I_c \frac{d^2 \varphi_i^{(k+1)}}{dt^2} + 0,5vl_1^2 \frac{d\varphi_i^{(k+1)}}{dt} + 0,5cl_1^2 \varphi_i^{(k+1)} &= \\
= 0,5l_1 \left[\left(c + v \frac{d}{dt} \right) u^{(k)}(vt - z_{2i}, t) \sigma_{2i} - \left(c + v \frac{d}{dt} \right) u^{(k)}(vt - z_{1i}, t) \sigma_{1i} \right], \\
k = 0, 1, 2, \dots; \quad i = \overline{1, i_0}; \quad U_i^{(0)} = \varphi_i^{(0)} = u^{(0)} = 0.
\end{aligned}
\tag{4.34}$$

Отсюда для первого приближения искомым функций получим следующие дифференциальные уравнения:

$$\begin{aligned}
& E \frac{\partial^2}{\partial z^2} \left[I \frac{\partial^2}{\partial z^2} \left(u^1 + \mu' \frac{\partial u^1}{\partial t} \right) \right] + \rho_s \frac{\partial^2 u^1}{\partial t^2} - T_1 \frac{\partial^2 u^1}{\partial z^2} + \\
& + E_2 \left(1 + \mu_2 \frac{\partial}{\partial t} \right) (u^1 - u_2^1) = P \sum_{i=1}^{i_0} (\delta_{1i} \sigma_{1i} + \delta_{2i} \sigma_{2i}) + \tilde{f}_2;
\end{aligned}
\tag{4.35}$$

$$\begin{aligned}
\rho_2 \frac{\partial^2 u_2^1}{dt^2} - T_2 \frac{\partial^2 u_2^1}{\partial z^2} + E_2 \left(1 + \mu_2 \frac{\partial}{\partial t} \right) (u_2^{(1)} - u^{(1)}) &= f_2; \\
m_1 \frac{\partial^2 U_i^1}{\partial t^2} + 2v \frac{dU_i^1}{dt} + 2cU_i^1 &= 0; \\
I_c \frac{d^2 \varphi_i^1}{\partial t^2} + 0,5vl_1^2 \frac{d\varphi_i^1}{dt} + 0,5cl_1^2 \varphi_i^1 &= 0, \quad i = \overline{1, i_0}.
\end{aligned}
\tag{4.36}$$

Здесь сила $P = 0,5(m_1 + 2m_2)g$.

Уравнения (4.35) описывают колебания СТЛ под действием движущихся безынерционных нагрузок (сил). При нулевых начальных условиях уравнения (4.36) имеют нулевое решение:

$$U_i^{(1)}(t) = 0; \quad \varphi_i^{(1)}(t) = 0.$$

Следовательно, в первом приближении точки платформ модулей совершают прямолинейное движение.

Рассмотрим структуру решения уравнений первого приближения для однопролетной СТЛ. Будем считать, что $N_0 = 1$, $f = 0$ и $f_2 = 0$. Это означает, что однопролетная СТЛ колеблется лишь под действием движущихся нагрузок величины P . Рассмотрим решение уравнений (4.35) при нулевых начальных условиях и положим сначала $i_0 = 1$. Тогда правая часть первого уравнения (4.35) примет вид:

$$P \left[\delta(z - vt) \sigma \left(0, \frac{l_0}{v} \right) + \delta(z - vt + l_1) \sigma \left(\frac{l_1}{v}, \frac{l_0 + l_1}{v} \right) \right].
\tag{4.37}$$

Легко видеть, что второе слагаемое выражения (4.37) получается из первого сдвигом по времени на величину l_1/v . Тогда в силу линейности уравнений (4.35) их решение можно представить в виде суммы двух составляющих:

$$\begin{aligned}
u^{(1)}(z, t) &= u(z, t) \sigma(0, \infty) + u \left(z, t - \frac{l_1}{v} \right) \sigma \left(\frac{l_1}{v}, \infty \right); \\
u_2^{(1)}(z, t) &= u_2(z, t) \sigma(0, \infty) + u_2 \left(z, t - \frac{l_1}{v} \right) \sigma \left(\frac{l_1}{v}, \infty \right),
\end{aligned}
\tag{4.38}$$