

Рассмотрим установившиеся вынужденные колебания СТЛ под действием движущихся нагрузок. Период колебаний определяется, очевидно, соотношением скорости движения и длины пролета

$$t_2 = \frac{l'}{v} = \frac{l_0}{sv} = \frac{t_1}{s}.$$

Разобьем линию на участки длиной  $l_0$ . Легко видеть, что эти участки находятся в одинаковых динамических условиях. Следовательно, динамический прогиб СТЛ есть функция периодическая по  $z$  с периодом  $l_0$ . На этом основании функции  $u(z, t)$ ,  $u_2(z, t)$  можно записать в виде бесконечного экспоненциального ряда:

$$u(z, t) = \sum_{k, n=-\infty}^{\infty} U_{nk} \exp \left[ 2\pi i \left( k \frac{t}{t_k} + n \frac{z}{l_0} \right) \right]; \quad (4.134)$$

$$u_2(z, t) = \sum_{k, n=-\infty}^{\infty} S_{nk} \exp \left[ 2\pi i \left( k \frac{t}{t_k} + n \frac{z}{l_0} \right) \right]. \quad (4.135)$$

Тогда воздействие нагрузок и реакция опоры на корпус СТЛ и нижнюю струну на выделенном участке определяется функциями

$$f(z, t) = R(t)\delta(z) + P \sum_{j=1}^s \delta \left[ z - v \left( t - \frac{t_1 + t_2}{2} + jt_2 \right) \right]; \quad (4.136)$$

$$f_2(z, t) = R_2(t)\delta(z), \quad z \in \left[ -\frac{l_0}{2}; \frac{l_0}{2} \right], \quad t \in \left[ -\frac{t_2}{2}; \frac{t_2}{2} \right], \quad (4.137)$$

где  $R(t)$ ,  $R_2(t)$  – реакция опоры на корпус СТЛ и нижнюю струну соответственно.

Поскольку  $f(z, t)$ ,  $f_2(z, t)$  являются периодическими функциями, разложение в ряд будет аналогично выражениям для прогиба (4.134) и (4.135)

$$f(z, t) = \sum_{k, n=-\infty}^{\infty} f_{nk} \exp \left[ 2\pi i \left( k \frac{t}{t_2} + n \frac{z}{l_0} \right) \right]; \quad (4.138)$$

$$f_2(z, t) = \sum_{k, n=-\infty}^{\infty} C_{nk} \exp \left[ 2\pi i \left( k \frac{t}{t_2} + n \frac{z}{l_0} \right) \right], \quad (4.139)$$

где

$$f_{nk} = \frac{1}{l_0 t_2} \int_{-t_2/2}^{t_2/2} \exp \left( -2\pi i k \frac{t}{t_2} \right) dt \int_{-l_0/2}^{l_0/2} f(z, t) \exp \left( -2\pi i n \frac{z}{l_0} \right) dz; \quad (4.140)$$

$$C_{nk} = \frac{1}{l_0 t_2} \int_{-t_2/2}^{t_2/2} \exp \left( -2\pi i k \frac{t}{t_2} \right) dt \int_{-l_0/2}^{l_0/2} f_2(z, t) \exp \left( -2\pi i n \frac{z}{l_0} \right) dz. \quad (4.141)$$

Функции  $u(z, t)$ ,  $u_2(z, t)$  должны удовлетворять уравнениям

$$E_{11} \frac{\partial^4 u}{\partial z^4} + \mu' E_{11} \frac{\partial^5 u}{\partial t \partial z^4} + \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - T_{11} \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} + E_{21} \left( 1 + \mu_2 \frac{\partial}{\partial t} \right) (u - u_2) = \frac{1}{\rho} f(z, t); \quad (4.142)$$

$$\frac{\partial^2 u_2}{\partial t^2} - T_{22} \frac{\partial^2 u_2}{\partial z^2} + E_{22} \left( 1 + \mu_2 \frac{\partial}{\partial t} \right) (u_2 - u) = \frac{1}{\rho_2} f_2(z, t).$$

Подставляя в уравнения движения корпуса и нижней струны (4.142), аппроксимации (4.134), (4.135) и (4.138), (4.139) с учетом граничных условий на жестких опорах

$$u(0, t) = 0; \quad u_2(0, t) = 0 \quad (4.143)$$

определяются неизвестные коэффициенты  $v_{nk}$ ,  $S_{nk}$  и  $f_{nk}$ ,  $C_{nk}$  (изложение преобразований опускаем ввиду громоздких промежуточных выражений).

Для определения динамического прогиба участка СТЛ осталось выделить действительную часть функции  $u(z, t)$ , чем и завершается решение задачи. Формулы, дающие  $\text{Re } u(z, t)$ , громоздки, и мы их здесь не выписываем.

Заметим, что изложенным способом может быть решена задача для бесконечной СТЛ на упругих опорах, по которой движется поток нагрузок при  $l' > l_0$ .